

# STATISTIKA

**Statistický soubor** je konečná neprázdná množina  $M$  objektů statistického pozorování shromážděných na základě jisté společné vlastnosti.

Prvky této množiny nazýváme **prvky statistického souboru**. Počet všech prvků statistického souboru se nazývá **rozsah souboru**  $n$ .

**Statistický znak**  $x$  je společná vlastnost prvků statistického souboru, jejíž proměnnost je předmětem zkoumání. Jednotlivé údaje znaku se nazývají **hodnoty znaku** a značí se  $x_1, x_2, \dots, x_n$ . **Znaky kvantitativní** mají hodnoty vyjádřené čísly. **Znaky kvalitativní** mají hodnoty vyjádřeny slovním popisem.

**Absolutní četnost** hodnoty znaku  $x_i$  je číslo, které udává, kolikrát se v souboru  $M$  vyskytuje hodnota znaku  $x_i$ . Značí se  $n_i$ . **Relativní četnost** hodnoty znaku  $x_i$  je dána podílem  $\frac{n_i}{n}$ , kde  $n_i$  je absolutní četnost hodnoty znaku  $x_i$ ,  $n$  je rozsah souboru  $M$ . Udává se obvykle v procentech  $\frac{n_i}{n} * 100\%$ .

## CHARAKTERISTIKA STATISTICKÉHO SOUBORU

1. Charakteristika polohy
2. Charakteristika variability

### Charakteristika polohy

**Charakteristiky polohy** hodnot znaku jsou čísla charakterizující průměrné hodnoty znaku.

**Aritmetický průměr** hodnot je dán:

$$\bar{x} = \frac{x_1 + x_2 + \dots + x_n}{n} = \sum_{i=1}^n \frac{x_i}{n} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i$$

**Geometrický průměr**  $\bar{x}_G$  hodnot  $z_1, z_2, \dots, z_n$  znaku  $z$  je:

$$\bar{x}_G = \sqrt[n]{z_1 * z_2 * \dots * z_n}$$

**Modus znaku**  $x$  je hodnota  $x$  s největší četností. Značí se  $Mod(x)$ .

**Medián znaku**  $x$ , značí se  $Med(x)$ , je prostřední hodnota znaku, jsou-li hodnoty  $x_1, x_2, \dots, x_n$  uspořádány podle velikosti.

**Pro n liché:**  $Med(x) = x_{\left(\frac{n+1}{2}\right)}$

**Pro n sudé:**  $Med(x) = \frac{1}{2} \left( x_{\left(\frac{n}{2}\right)} + x_{\left(\frac{n+2}{2}\right)} \right)$

**Příklad:**

Měříme výšku postavy po 1cm. Hodnoty kvantitativního znaku jsou příliš malé, proto je sdružíme do intervalů po 5 cm a hodnoty z téhož intervalu zaokrouhlujeme na střed.

$x_j$	158-162	163-167	168-172	173-177	178-182	183-187	188-192
$n_j$	9	20	36	82	35	14	4

$x_j$	160	165	170	175	180	185	190
$n_j$	9	20	36	82	35	14	4

Urči průměrnou výšku postavy,  $Mod(x)$ ,  $Med(x)$

$$\bar{x} = \frac{160 * 9 + 165 * 20 + 170 * 36 + 175 * 82 + 180 * 35 + 185 * 14 + 190 * 4}{200} = 174,3 \text{ cm}$$

**Mod(x) = 175**, přesněji interval 173-177

$$Med(x) = \frac{x_{100} + x_{101}}{2} = \frac{175 + 175}{2} = 175$$

### Charakteristika variability

Každá charakteristika polohy je číslo, kolem něhož jednotlivé hodnoty znaku kolísají.

Velikost tohoto kolísání vyjadřují **charakteristiky variability** (proměnlivosti) znaku.

Je-li charakteristikou polohy aritmetický průměr, pak se za charakteristiku variability volí zpravidla **rozptyl**, který je definován jako průměr druhých mocnin odchylek od aritmetického průměru. Rozptyl se značí  $s_x^2$ .

$$s_x^2 = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2$$

**Směrodatná odchylka**  $s_x$  je definovaná jako druhá odmocnina rozptylu.

$$s_x = \sqrt{\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}$$

**Variační koeficient**  $v_x$  je definován jako podíl směrodatné odchylky a aritmetického průměru. Vyjadřuje se v procentech.

$$v_x = \frac{s_x}{\bar{x}} * 100\%$$

V praxi se často setkáváme s porovnáním dvou znaků (jejich závislost)  $x, y$ . Míru závislosti popisuje **koeficient korelace**  $r$ .

$$r = \frac{k}{s_x * s_y},$$

kde:

$$k = \frac{1}{2} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x}) * (y_i - \bar{y}),$$

$$s_x = \sqrt{\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2},$$

$$s_y = \sqrt{\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (y_i - \bar{y})^2}$$

**Příklad:**

Deset opakovaných měření fyzikální konstanty dalo tyto výsledky:

$$x_1 = 2,11$$

$$x_2 = 2,01$$

$$x_3 = 2,09$$

$$x_4 = 2,02$$

$$x_5 = 2,03$$

$$x_6 = 2,03$$

$$x_7 = 2,11$$

$$x_8 = 2,10$$

$$x_9 = 2,05$$

$$x_{10} = 2,05.$$

Vypočítejte průměr, směrodatnou odchylku rozptyl a variační koeficient.

$$\bar{x} = \frac{1}{10} \sum_{i=1}^{10} x_i = \frac{1}{10} * 20,6 = \mathbf{2,06}$$

$$\begin{aligned} s_x^2 &= \frac{1}{10} \sum_{i=1}^{10} (x_i - \bar{x})^2 \\ &= \frac{1}{10} [0,05^2 + 0,05^2 + 0,03^2 + 0,04^2 + 0,03^2 + 0,03^2 + 0,05^2 + 0,04^2 \\ &\quad + 0,01^2 + 0,01^2] = \mathbf{0,00136} \end{aligned}$$

$$s_x \cong \mathbf{0,037}$$

$$v_x \cong \mathbf{1,8\%}$$